## 微積分及び演習I・自習シート

**問1** a, b, c, d, e の5つの文字からなる次の集合を考える.

$$A_1 := \{a, b, c\}, \quad A_2 := \{a, b, d\}, \quad A_3 := \{a, b, d, e\}$$

(1)  $A_1 \cup A_2 \cup A_3$  について、その元をすべて列挙すれば

$$A_1 \cup A_2 \cup A_3 = \{a, b, c, d, e\}$$

となる. 同じように全ての元を列挙する方法で  $A_1 \cap A_2 \cap A_3$  を求めよ.

$$A_1 \cap A_2 \cap A_3 =$$

(2)  $I := \{1, 2, 3\}$  とおくことで  $A_1 \cup A_2 \cup A_3$  は

$$A_1 \cup A_2 \cup A_3 = \bigcup_{\alpha \in I} A_\alpha$$

とかくこともできる. 例を参考に, x = b, c, d, e に対して,

$$x \in A_{\alpha_0}$$

となる  $\alpha_0 \in I$  をそれぞれ**全て**求めよ.

- (例) x = a のとき, a は  $A_1$ ,  $A_2$ ,  $A_3$  のどの集合にも属しているので  $x \in A_{\alpha_0}$  となる  $\alpha_0$  は  $\alpha_0 = 1, 2, 3$  の 3 つである.
  - (i) x = b のとき,  $x \in A_{\alpha_0}$  となる  $\alpha_0 \in I$  は...
- (ii) x = c のとき,  $x \in A_{\alpha_0}$  となる  $\alpha_0 \in I$  は...
- (iii) x=d のとき,  $x\in A_{\alpha_0}$  となる  $\alpha_0\in I$  は...
- (iv) x = e のとき,  $x \in A_{\alpha_0}$  となる  $\alpha_0 \in I$  は...
- **問2** 実数の集合を $\mathbb{R}$ とかく.  $E \subset \mathbb{R}$ ,  $a,b \in \mathbb{R}$ とする. 次の命題の否定を記号で書け.
- (1) a < b.
- (2)  $a \in \mathbb{R} \setminus E$ .
- (3)  $\forall x \in E, x \leq a$ .
- $(4) \exists x_0 \in E \text{ s.t. } x_0 \geq b.$
- (5)  $\exists k \in \mathbb{R} \text{ s.t. } \forall x \in E, x < k.$
- **問3**  $A_{\alpha}$ , B を集合とする. ただし,  $\alpha \in I$  とし I は添え字集合である. 次を証明せよ.

(1)

$$B \setminus \left(\bigcap_{\alpha \in I} A_{\alpha}\right) = \bigcup_{\alpha \in I} (B \setminus A_{\alpha}).$$

(2) 
$$B \cup \left(\bigcap_{\alpha \in I} A_{\alpha}\right) = \bigcap_{\alpha \in I} (B \cup A_{\alpha}).$$

(3) 
$$\left(\bigcap_{\alpha \in I} A_{\alpha}\right)^{c} = \bigcup_{\alpha \in I} A_{\alpha}^{c}.$$