

## 位相入門I・自習シート

**問1** 「帰納的推論」と「演繹的推論」の定義を調べよ。さらに次の推論はこれらのどちらに該当するか答えよ。

- (1) 三角形の内角の和が  $180^\circ$  であること、紙で三角形をつくり、3つの角を切り抜き一直線に並べて確かめる。
- (2) 4つの角がすべて等しい四角形は2組の向かいあう角が等しい四角形であるので、向かい合う2組の辺はそれぞれ平行である。よって、長方形は平行四辺形であると推論する。
- (3) 数学的帰納法

**定義**  $A, B$  を集合とする。2つの集合  $A \cup B, A \cap B$  をそれぞれ次のように定義する：

$$\begin{aligned} A \cup B &:= \{x : x \in A \text{ または } x \in B\}, \\ A \cap B &:= \{x : x \in A \text{ かつ } x \in B\} \end{aligned}$$

それぞれ  $A$  と  $B$  の和集合、 $A$  と  $B$  の共通部分とよぶ。

**問2**  $A, B, C$  を集合とする。集合の等号の定義に従い次を証明せよ。

- (1)  $A \cap (B \cup C) = (A \cap B) \cup (A \cap C)$ .
- (2)  $A \cup (B \cap C) = (A \cup B) \cap (A \cup C)$ .